

Algorithmique et Bases de la programmation

Durée : 3h

Documents autorisés : **AUCUN**

Remarques :

- Veuillez lire attentivement les questions avant de répondre.
- Le barème donné est un barème indicatif qui pourra évoluer lors de la correction.
- Rendez une copie propre.

1 Questions de cours (3,5 points)

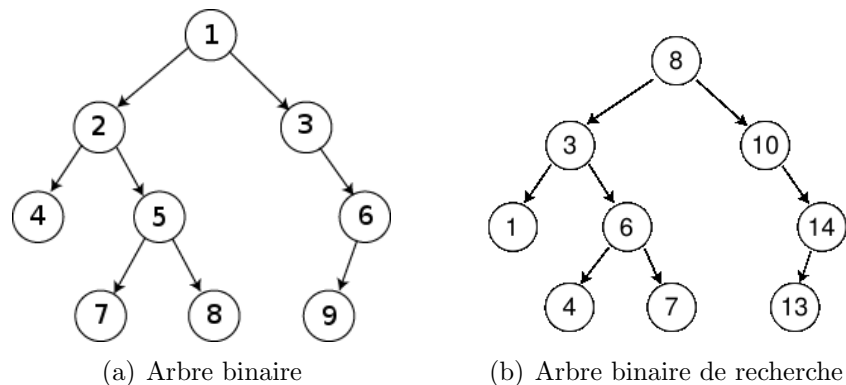


FIG. 1 – Arbres (source Wikipédia)

1.1 Arbre binaire

Soit l'arbre de la figure 1 (a). Donnez le résultat d'un affichage de tous les nœuds de cet arbre par un parcours en profondeur de type :

1. GRD ;
2. RGD ;
3. GDR.

Solution proposée :

1. GRD : 4, 2, 7, 5, 8, 1, 3, 9, 6
2. RGD : 1, 2, 4, 5, 7, 8, 3, 6, 9
3. GDR : 4, 7, 8, 5, 2, 9, 6, 3, 1

1.2 Arbre binaire de recherche

1. En partant d'un arbre binaire de recherche vide, donnez une suite d'insertions de naturels qui permet d'obtenir l'arbre présenté par la figure 1 (b) (sans aucun mécanisme de rééquilibrage).
2. Pourquoi cet arbre n'est pas équilibré? Quelle action permettrait de l'équilibrer?

Solution proposée :

1. 8, 3, 10, 1, 6, 4, 7, 10, 14, 13
2. Non car la différence de hauteur des deux fils du nœud "10" est supérieure à 1. Il faudrait faire une simple rotation à gauche au niveau du nœud 10.

2 Jeux des 7 erreurs (3,5 points)

Soit le programme C suivant qui devrait afficher les nombres parfaits compris entre 1 et un nombre saisi par l'utilisateur :

```
1 #include"stdlib.h"
2
3 int saisirBorneMax() {
4     int resultat;
5     do {
6         printf("Borne max : ");
7         scanf("%d",&resultat);
8     } while (resultat<=0);
9     return resultat;
10 }
11
12 int estDivisible(int a,int b) {
13     return a%b==0;
14 }
15
16 int sommeDiviseurs() {
17     int i,somme=0;
18     for(i=1;i<=a/2;i++)
19         if (estDivisible(a,i))
20             somme=somme+i;
21     return somme;
22 }
23
24 int estParfait(int a) {
25     return a==sommeDiviseurs(a);
26 }
27
28 void afficherNbsParfaits(int borneMax) {
29     int i;
30     for (i=1;i<=borneMax;i++)
31         if (estParfait(i)) {
32             printf("%d ",i);
33             fflush(stdout);
34         }
35     printf("\n");
36 }
37
38 int main(int nbParam,char* params) {
39     int borneMax;
40     borneMax=saisirBorneMax();
41     afficherNbsParfaits(borneMax);
42 }
```

Ce programme comporte 7 erreurs (qui empêchent de compiler, provoquent des warning avec les options `-pedantic` et `-Wall`, arrêtent brutalement l'exécution du programme ou donnent un mauvais résultat). Identifiez les et proposez pour chacune une correction.

Solution proposée :

1. ligne 1 : " à la place de < et >
2. ligne 1 : manque l'inclusion de `stdio.h`
3. ligne 7 : manque le `&`
4. ligne 13 : manque un `=`
5. ligne 16 : manque `int a`
6. ligne 38 : manque un `*` à `params`
7. ligne 42 manque `return EXIT_SUCCESS;`

3 Polynôme (6 points)

Soit le TAD *Polynome* suivant :

Nom: Polynome

Utilise: **Reel**, **Naturel**

Opérations: monome: **Reel** \times **Naturel** \rightarrow Polynome

addition: Polynome \times Polynome \rightarrow Polynome

degre: Polynome \rightarrow **Naturel**

coefficient: Polynome \times **Naturel** \rightarrow **Reel**

Sémantiques: monome: qui permet d'obtenir un polynôme composé d'un seul monome (un coefficient et un degré)

addition: qui permet de calculer l'addition de deux polynômes

degre: qui permet d'obtenir le degré d'un polynôme (monome de degré le plus élevé ayant un coefficient différent de 0)

coefficient: qui permet d'obtenir le coefficient d'un monome identifié par son degré

3.1 Conception préliminaire

Donnez les signatures des fonctions des opérations du TAD *Polynome*.

Solution proposée :

fonction monome (`a : Reel`, `n : Naturel`) : Polynome

fonction addition (`p1,p2 : Polynome`) : Polynome

fonction degre (`p : Polynome`) : **Naturel**

fonction coefficient (`p : Polynome`, `n : Naturel`) : **Reel**

3.2 Utilisation

Donnez le corps des fonctions suivantes :

1. **fonction** multiplicationParScalaire (`p : Polynome`, `a : Reel`) : Polynome
2. **fonction** soustraction (`p1,p2 : Polynome`) : Polynome
3. **fonction** multiplication (`p1,p2 : Polynome`) : Polynome

4. **fonction** derivation (p : Polynome) : Polynome

Solution proposée :

fonction multiplicationParScalaire (p : Polynome, a : **Reel**) : Polynome

Déclaration resultat : Polynome
i : **Naturel**
coef : **Reel**

debut

resultat ← monome(0,0)

pour i ← 0 à degre(p) **faire**

resultat ← addition(resultat, monome(a*coefficient(p,i),i))

finpour

retourner resultat

fin

fonction soustraction (p1,p2 : Polynome) : Polynome

Déclaration temp : Polynome

debut

temp ← multiplicationParScalaire(p2,-1)

retourner addition(p1,temp)

fin

fonction multiplication (p1,p2 : Polynome) : Polynome

Déclaration resultat : Polynome
i,j : **Naturel**

debut

resultat ← monome(0,0)

pour i ← 0 à degre(p1) **faire**

pour j ← 0 à degre(p2) **faire**

resultat ← addition(resultat, monome(coefficient(p1,i)*coefficient(p2,j),i+j))

finpour

finpour

retourner resultat

fin

fonction derivation (p : Polynome) : Polynome

Déclaration resultat : Polynome
i : **Naturel**
coef : **Reel**

debut

resultat ← monome(0,0)

pour i ← 1 à degre(p) **faire**

resultat ← addition(resultat, monome(coefficient(p,i)*naturelEnReel(i),i-1))

finpour

retourner resultat

fin

4 T9 (7 points)

Le T9, sigle de « text on 9 keys », est un mode de saisie de texte, mis au point par la société Tegic Communications¹, à l'aide d'un clavier numérique. Il est aujourd'hui très utilisé sur les téléphones portables pour saisir des SMS.

Ce système de saisie permet de s'affranchir de multiples frappes : une seule pression par lettre suffi. Ainsi supposons qu'un utilisateur souhaite taper le mot « SAGE », un téléphone qui en est équipé permettra de ne presser que :

- 1 fois la touche 7 pour sélectionner le groupe PQRS,
 - 1 fois la touche 2 pour sélectionner le groupe ABC,
 - 1 fois la touche 4 pour sélectionner le groupe GHI,
 - 1 fois la touche 3 pour sélectionner le groupe DEF,
- c'est-à-dire 7243, soit seulement 4 pressions au total (au lieu de 8 avec le mode de saisie classique).



FIG. 2 – Clavier de téléphone (source Wikipédia)

Bien entendu des ambiguïtés peuvent apparaître. Cette même suite de chiffres permet aussi de saisir les mots « page », « paie », « rage », etc. L'utilisateur peut donc faire défiler tous les mots correspondant à une suite de chiffres afin de choisir celui qu'il veut.

4.1 Analyse

On se propose de créer un TAD *DictionnaireT9* qui aurait les fonctionnalités suivantes :

- obtenir un dictionnaire T9 vide,
- ajouter un mot (chaîne de caractères) non vide à un dictionnaire T9,
- obtenir une liste ordonnée de mots correspondant à une suite de chiffres représentée à l'aide d'une chaîne de caractères. Si la suite de chiffres ne référence aucune liste, c'est une liste vide qui est retournée.

Définir le TAD *DictionnaireT9*

Solution proposée :

Nom: DictionnaireT9

Utilise: Chaîne de caracteres, ListeOrdonnee

Opérations: dictionnaireT9: → DictionnaireT9

ajouter: DictionnaireT9 × Chaîne de caracteres → DictionnaireT9

listeMots: DictionnaireT9 × Chaîne de caracteres → ListeOrdonnee<Chaîne de caracteres>

¹Texte de présentation extrait de Wikipédia

Sémantiques: dictionnaireT9: permet d'obtenir un dictionnaire T9 vide
ajouter: permet d'ajouter un mot non vide à un dictionnaire T9
listeMots: permet d'obtenir une liste ordonnée de mots correspondant à une suite de chiffres

4.2 Conception préliminaire

Donnez les signatures des fonctions et procédures des opérations du TAD *DictionnaireT9*

Solution proposée :

- **fonction** dictionnaireT9 () : DictionnaireT9
- **procédure** ajouter (E/S d : DictionnaireT9 , E m : **Chaine de caracteres**)

```
  [precondition(s) m≠""
```
- **fonction** listeMots (d : DictionnaireT9, lesChiffres : **Chaine de caracteres**) : ListeOrdonnee<**Chaine de caracteres**>

4.3 Conception détaillée

On se propose de représenter le TAD *DictionnaireT9* à l'aide d'une structure dynamique représentant un arbre d'arité 8 :

Type DictionnaireT9 = ^ Noeud

Type Noeud = **Structure**

lesMots : ListeOrdonnee<**Chaine de caracteres**>

lesFils : **Tableau**[²..⁹] **de** DictionnaireT9

finstructure

On suppose posséder les fonctions :

- *obtenirTouche* qui permet d'obtenir pour une lettre donnée (un caractère) le chiffre correspondant (un caractère). Par exemple *obtenirTouche('K')* donne '5' :
- **fonction** obtenirTouche (c : **Caractere**) : **Caractere**

```
  [precondition(s) c ∈ ['a'..'z'] ou c ∈ ['A'..'Z']
```
- *longueur* qui permet d'obtenir la longueur d'une chaîne de caractères (avec *longueur("")=0*) :
- **fonction** longueur (c : **Chaine de caracteres**) : **Naturel**
- *iemeCaractere* qui permet d'obtenir le ième caractère d'une chaîne de caractères :
- **fonction** iemeCaractere (c : **Chaine de caracteres**, i : **NaturelNonNul**) : **Caractere**

```
  [precondition(s) 0<i≤longueur(c)
```
- *sousChaine* qui permet d'obtenir une sous-chaîne d'une chaîne de caractères :
- **fonction** sousChaine (c : **Chaine de caracteres**, debut,fin : **NaturelNonNul**) : **Caractere**

```
  [precondition(s) 0<debut<fin≤longueur(c)
```

Donnez le corps des fonctions et procédures du TAD *DictionnaireT9*.

Solution proposée :

fonction dictionnaireT9 () : DictionnaireT9

debut

retourner NULL

```

fin
procédure ajouter ( E/S d : DictionnaireT9 , E m : Chaine de caracteres )
    |precondition(s) m≠""
debut
    ajouterRecuratif(d,m,m)
fin
procédure initDictionnaireT9 ( E/S d : DictionnaireT9 )
    Déclaration i : Caractere
debut
    d.lesMots ← listeOrdonnee()
    pour i ← '1' à '9' faire
        d.lesFils[i] ← NULL
    finpour
fin
procédure ajouterRecusif ( E/S d : DictionnaireT9 , E lesLettres,m : Chaine de caracteres )
    Déclaration leChiffre : Caractere
debut
    si d==NULL alors
        d ← allouer(Noeud)
        initDictionnaireT9(d)
    finsi
    si lesLettres="" alors
        inserer(d.lesMots,m)
    sinon
        leChiffre ← obtenirTouche(iemeCaractere(lesLettres,1))
        ajouterRecusif(d.lesFils[leChiffre],sousChaine(lesLettres,2,longueur(lesLettres)),m)
    finsi
fin
fonction listeMots (d : DictionnaireT9, lesChiffres : Chaine de caracteres) : ListeOrdonnees<Chaine de caracteres>
debut
    si d==NULL alors
        retourner listeOrdonnee()
    sinon
        si lesChiffres="" alors
            retourner d.lesMots
        sinon
            retourner listeMots(d.lesFils[iemeCaractere(lesChiffres,1)],sousChaine(lesChiffres,2,longueur(lesChiffres)))
        finsi
    finsi
fin

```