

Le but du TP est d'étudier la solution à différentes variantes du Lasso. Pour le faire fonctionner, vous êtes supposé avoir déjà installé CVX (que vous pourrez télécharger à cette adresse : <http://cvxr.com/cvx/>)

Ex. 1 — des variantes du Lasso

1. Reprendre les données du TP précédent sur le lasso.

```
import pandas as pd import matplotlib.pyplot as plt import numpy as np
```

```
url_data = "https://web.stanford.edu/~hastie/ElemStatLearn/datasets/prostate.data"
df = pd.read_csv(url_data, delimiter='\t')
variables = df.columns[1:9]
df[variables] = df[variables].apply(lambda x: (x - x.mean()) / x.std())

# Get the training and test sets
Y_train = df.loc[df["train"]=="T", 'lpsa'].to_numpy()
X_train = df.loc[df["train"]=="T", variables].to_numpy()
print("Training set : n = {} samples and p = {} dimensions".format(X_train.shape[0],
    X_train.shape[1]))

Y_test = df.loc[df["train"]=="F", 'lpsa'].to_numpy()
X_test = df.loc[df["train"]=="F", variables].to_numpy()
print("Test set : n = {} samples and p = {} dimensions".format(X_test.shape[0], X_test.
    shape[1]))
nt = X_test.shape[0]
X_test_1 = np.hstack((np.ones((nt,1)),X_test))
```

2. Recherchez la solution du lasso telle qu'elle à été publiée dans le livre (comme dans le TP1)
3. Recherchez la solution de l'elastic net

$$J_{el}(\beta) = \frac{1}{2}\|X\beta - y\|^2 + \lambda\|\beta\|_1 + \frac{\gamma}{2}\|\beta\|_2^2,$$

- a) comme un QP (avec CVX) et $\lambda = 6$ et $\gamma = 0.005$. Vérifiez que vous obtenez de meilleurs résultats que ceux du livre
 - b) comme un problème de lasso
4. Recherchez la solution du lasso adaptatif

$$J_a(\beta) = \frac{1}{2}\|X\beta - y\|^2 + \lambda \sum_{j=1}^p w_j |\beta_j|,$$

- a) comme un QP (avec CVX) et $\lambda = 3$. Vérifiez que vous obtenez de meilleurs résultats que ceux du livre
 - b) comme un problème de lasso
5. Donner les prompts que vous avez utilisé pour obtenir les solutions et la réponse obtenue de votre Perplexity préféré. Expliquez en quoi cette solution est ou n'est pas intéressante.
 6. Conclusions
 - a) Comparez toutes les méthodes vues en cours pour calculer la solution du problème du lasso en terme de temps de calcul et de performances.
 - b) Proposez et justifiez des recommandations sur l'algorithme à utiliser pour résoudre un problème de lasso.

7. The fused lasso en 1 d

a) Générez des données 1d bruitées

```
x = np.arange(-1, 1, .1)
n = len(x)
stdnoise = 0.3
y = np.sign(x) + np.random.randn(n)*stdnoise
```

b) Ecrire un programme CVX qui résoud le fused lasso 1d suivant

$$J_f(\beta) = \frac{1}{2}\|\beta - y\|^2 + \mu \sum_{j=1}^{n-1} |\beta_j - \beta_{j+1}|,$$

pour $\mu = \frac{3}{2}$.

c) Visualisez les données (comme la figure du cours)